

RIASSUNTO

Devo controllare la clausola **WHERE** e decidere se sto lavorando su :

una chiave primaria o secondaria => B+tree primario o secondario (NL, g e h diversi)
clustered o unclustered => ho un piano di accesso diverso!!

Piano di accesso

scansione sequenziale costo su tabella R

$$C_{acc}(seqR) = NP + \alpha \cdot NT$$

con indice IX(R.A) ossia Indice IX su attributo A di R

$$\text{clustered } C_{acc}(IX(R.A)) = h - 1 + f_p \cdot NL + f_p \cdot NP + \alpha \cdot f_p \cdot NT$$

$$\text{unclustered } C_{acc}(IX(R.A)) = h - 1 + f_p \cdot NL + EK \cdot \phi\left(\frac{NT}{NK}, NP\right) + \alpha \cdot f_p \cdot NT$$

dove $EL = f_p \cdot NL$, $EP = f_p \cdot NP$, $ET = f_p \cdot NT$

NP = numero pagine su disco delle tabelle

NT = NR = numero di tuple totali (n° record)

NL = numero di foglie dell'indice

EL = numero atteso di pagine foglia da accedere

EP = numero atteso di pagine dati da accedere

ET = numero di tuple per cui il predicato p è verificato

fp = selettività del predicato

EK = numeri di valori di chiave che verificano il predicato

NK = numero di valori distintivi di chiave

D = dimensione pagina in byte

u = fattore di riempimento foglie

h = altezza albero

g = ordine albero

alpha = parametro costi I/O e CPU

Costo accesso alle tabelle

Indice B-Tree

$$h = \text{int.sup}[\log_{(2g+1)}(NK + 1)] \leq h \leq \text{int.sup}[1 + \log_{(2g+1)} \frac{(NK + 1)}{2}]$$

Costo Ricerca : $1 \leq C(\text{search}) \leq h$

Costo Inserimento :

senza split $C(\text{min}) = h + 1$
con split $C(\text{max}) = 3h + 1$

costo medio $C(\text{avg}) = h + 1 + \frac{2}{g}$

Ricerca binaria solo su file ordinato

peggiore $\text{int.inferiore}[\log_2(NP)] + 1$ blocchi

Ricerca dicotomica

IP: blocco di memoria

costo di riempimento di 1 dato con accesso casuale $\text{int.sup}[\log_2(IP)] + 1$ con primary key
 $\text{int.sup}[\log_2(IP)] + \text{accessi}$ con secondary key

(accessi in meno ottenuti coi puntatori trovati)

NP : Numero di pagine

$$NP = \text{int.sup}\left[\frac{(NR \cdot \text{len}(t))}{(u \cdot D)}\right]$$

NK : numero di chiavi

$$NK = (2g + 1)^h - 1$$

$$\log_N(X) = \frac{(\log(X))}{(\log(N))}$$

Indice B⁺-tree

Albero bilanciato ⇒ foglie contengono puntatori ai record, i nodi interni i valori chiave per individuare la foglia

D	= dimensione pagina
NK	= numero valori distinti di chiave
NT = NR	= numero tuple da indicizzare
len(p)	= dimensione puntatore
len(k)	= dimensione separatore chiave
u	= fattore riempimento nodi

Caso B⁺-tree PRIMARY

$$\text{Ordine : } g = \text{int.inferiore} \left[\frac{(D - \text{len}(p))}{(2 \cdot [\text{len}(k) + \text{len}(p)])} \right]$$

$$\text{N° foglie : } NL = \text{int.sup} \left[\frac{NR \cdot [\text{len}(k) + \text{len}(p)]}{(D \cdot u)} \right]$$

NB: qui NR=NK=NT in quanto siamo nel caso di indice primario dove gli elementi del campo sono quindi unici (non ripetuti)

Altezza (senza considerare il puntatore alla foglia successiva) :

$$h = 1 + \text{int.sup} \left[\log_{(2g+1)}(NL) \right] \leq h \leq 2 + \text{int.sup} \left[\log_{(2g+1)} \left(\frac{NL}{2} \right) \right]$$

Altezza (generica) :

$$h = 1 + \text{int.sup} \left[\log_{(2g+1)}(NN) \right] \leq h \leq 2 + \text{int.sup} \left[\log_{(2g+1)} \left(\frac{NN}{2} \right) \right]$$

con $NN = \min(NL, NK)$

Caso B⁺-tree SECONDARY

$$\text{Ordine : } g = \left[\frac{(D - N_{\text{PUNTATORI}} \cdot \text{len}(p))}{(2 \cdot (\text{len}(k) + N_{\text{PUNTATORI}} \cdot \text{len}(p)))} \right] \quad \text{con} \quad N_{\text{PUNTATORI}} = \frac{NR}{NK_p}$$

$$\text{N° foglie : } NL = \left[\frac{(NK \cdot \text{len}(k) + NR \cdot \text{len}(p))}{(D \cdot u)} \right]$$

NB: qui NR ≠ NK

Altezza :

$$h = 1 + \text{int.sup} \left[\log_{(2g+1)}(NN) \right] \leq h \leq 2 + \text{int.sup} \left[\log_{(2g+1)} \left(\frac{NN}{2} \right) \right]$$

con $NN = \min(NL, NK)$

Indice Clustered

Le tuple della tabella sono ordinate rispetto all'attributo dell'indice.

Costo di accesso

$$c_T = EL + EP + \alpha \cdot ET, \quad 0,01 < \alpha < 0,3 \text{ serve per quantizzare il tempo di elaborazione ed i I/O}$$

$c_T = EL + EP$, è l'espressione per calcolare solo il teorico non considerando i ritardi fisici

$$EL = (h-1) + \text{int.sup}[f_p \cdot NL], \quad \text{con} \quad f_p = \frac{EK}{NK} \quad \text{NB: } NL \text{ è il numero delle foglie dell'indice}$$

$$EP = \text{int.sup}(f_p \cdot NP), \quad \text{con : } NP \text{ pari al numero di pagine disco della tabella}$$

Indice Unclustered

$$EL = (h-1) + \text{int.sup}[f_p \cdot NL] \quad , \quad \text{con} \quad f_p = \frac{EK}{NK} \quad \text{NB: } NL \text{ è il numero delle foglie dell'indice}$$

$$EP = EK \cdot \phi\left(\frac{NT}{NK}, NP\right) \quad \text{con: } NT/NK \text{ la selettività della chiave}$$

Cardenas

$$\phi\left(\frac{NT}{NK}, NP\right) = NP \cdot \left(1 - \left(1 - \frac{1}{NP}\right)^{\frac{NT}{NK}}\right) \leq \min ET, NP$$

$$ET = \text{int.sup}[f_p \cdot NT] \quad , \quad ER = \frac{NT}{NK}$$

NP = n° pagina del file dati

NT = n° delle tuple

Fattore di Selettività

il **fattore di selettività** (f_p) è sempre valutato nell'ipotesi che sia una distribuzione uniforme

$0 \leq f_p \leq 1$, $f_p = \frac{EK}{NK}$ dove EK è il numero di chiave residue dopo la relazione

- Predicato “=” $F_{(a=v)} = \frac{1}{NK_a}$
- Predicato “IN” $f_{(A \in SET)} = \frac{(cardinalità(SET))}{NK_a}$
- Predicato “<” $f_{a < v} = \frac{(v - \min(a))}{(\max(a) - \min(a))} \cdot (NK_a - 1) \simeq \frac{(v - \min(a))}{(\max(a) - \min(a))}$
- Predicato “>” $f_{a > v} = \frac{(\max(a) - v)}{(\max(a) - \min(a))} \cdot (NK_a - 1)$
- Predicato “between” $f_{(a \in [v1, v2])} = \frac{(v2 - v1)}{(\max(a) - \min(a))}$

Esempio :

Employee(EmpID, DeptNo, Salary, Job, Sex)

$NT_{employee} = 20000$, $NK_{deptno} = 100$, $NK_{job} = 10$, $NK_{sex} = 2$, $NK_{salary} = 10$

$\min(salary) = 5000$, $\max(salary) = 50000$

calcolo predicato selettività :

$$\text{DeptNo} = 51 \quad f_p = \frac{1}{100} \quad , \quad ET = 200$$

$$\text{Salary} > 10000 \quad f_p = \frac{(50 - 10)}{(50 - 5)} \cdot \left(\frac{9}{10}\right) = \frac{8}{10} \quad , \quad ET = 16000$$

C SORT -S&M a Z Vie

Costo ordinamento algo S-M a Z vie : usato in caso di ORDERBY se non esistono indici sul campo da ordinare.

$$C_{sort} = 2 \cdot NP \cdot (1 + \text{int.sup}(\log_z(\frac{NP}{NB})))$$

NP = n° pagine file

NB = numero di blocchi in mem. Centrale

Z = NB - 1 (grado di fusione)

NESTED LOOP JOIN

R = esterna , S = interna

$$C_{acc} = C_{acc}(R) + ET_R \cdot C_{acc}(S)$$

avrò $ET_R = f_{TOTR} \cdot NT_R$ dove f_{TOTR} è il fattore di seletività calcolato su tutti i predicati ad esclusione di quelli di join.

A	AND	A	$f_{S(A)} * f_{S(A)}$	
A	OR	A	$f_{S(A)} + f_{S(A)}$	
A	OR	B	$f_{S(A)} + f_{S(B)} - f_{S(A)}$	(Sono in un JOIN) slide 38 piani accesso
A	AND	B	$f_{S(B)}$	nel caso di clausola WHERE su A

Come scegliere tra interna ed esterna : $\frac{NT_R}{NP_R} < \frac{NT_S}{NP_S}$ se ho un indice su una tabella allora è meglio che quella tabella sia interna.

{da qui in poi uso scansioni sequenziali}

NESTED BLOCK JOIN

Ho un buffer di B pagine in memoria centrale in cui metto le pagine di R

$$C_{acc}(\text{senza } f_R) = NP_R + \text{int.sup}\left(\frac{NP_R}{B-1}\right) \cdot NP_S$$

SORT MERGE JOIN

Sia R che S sono ordinati sugli attributi di JOIN o hanno un index su quei campi

$$C_{acc} = NP_R + NP_S$$

altrimenti se non valgono le precondizioni

$$C_{acc} = \text{sort}(R) + \text{sort}(S) + NP_R + NP_S$$

SIMPLE HASH JOIN

Hash di valori dell'attributo di join di una tabella (S) => costruisci l'hash table => per ogni tupla della tabella R si accede all'hash table applicando la funzione di hash

$$C_{acc} = NP_S + 2 \cdot NT_S + NP_R + NT_R$$